

令和5年度・個別学力検査

数 学 (中)

注 意 事 項

- 試験開始の合図があるまで、この問題冊子の中を見てはいけません。
- 試験開始後、すべての解答用紙の氏名欄、受験番号欄に氏名(カタカナ)及び受験番号を記入しなさい。受験番号が正しく記入されていない場合は、採点できないことがあります。また、氏名(カタカナ)及び受験番号以外の文字、数字などは、絶対に記入してはいけません。
- 答案は解答用紙の各問題番号の欄に記入しなさい。
- 解答用紙の縦の線の右側には、何も記入してはいけません。
- 解答用紙の裏面には何も書いてはいけません。
- 試験終了後、問題冊子および下書き用紙は持ち帰りなさい。

すべての問題について、答案では求める手順をわかりやすく説明しなさい。

令和5年度個別学力検査 中期日程

数学 開 問 是直

名古屋市立大学 学生課入試係 052-853-8020

許可なしに転載、複製
することを禁じます。

1. 3点 $A(0, 0, 2)$, $B(2 \sin \theta \cos \theta, 0, 2 \cos^2 \theta)$, $C(0, 2 \sin \theta \cos \theta, 2 \cos^2 \theta)$ を座標空間に取り、三角形ABCの面積を S とする。 $0 < \theta < \frac{\pi}{2}$ のとき、次の問いに答えよ。

- (1) 内積 $\vec{AB} \cdot \vec{AC}$ を $\cos 2\theta$ を用いて表せ。
- (2) $t = (1 - \cos 2\theta)^2$ において、 S を t で表せ。
- (3) θ の値が変化するとき、 S が最大となる点B, Cの座標を求め、また S の最大値を求めよ。

2. 異なる4つの自然数 a, b, c, d があり、 $a + d = b + c$ を満たす。ただし、 $d \geq 4$ 、 $a < b < c < d$ である。次の問い合わせに答えよ。

(1) $a = 1$ のとき、ある d の値に対して b, c の取りうる全ての場合の数を S_d とする。たとえば、 $d = 4$ の場合は、 $b = 2, c = 3$ の1通りだけとなるため、 $S_4 = 1$ である。

$d = 2m$ と $d = 2m + 1$ の場合にわけて、 S_d を m を用いて表せ。ただし m は2以上の自然数とする。

(2) ある d の値に対して、 a, b, c の取りうる全ての場合の数を T_d とする。たとえば、 $d = 4$ の場合は、 $a = 1, b = 2, c = 3$ の1通りだけとなるため、 $T_4 = 1$ である。

$d = 2n$ と $d = 2n + 1$ の場合にわけて、 T_{d+1} を T_d と n を用いて表せ。ただし n は2以上の自然数とする。

3. 座標平面における2つの曲線 $C_1 : y = 2 \log x$ および $C_2 : y = (\log x)^2 - 8$ ($x > 0$) に関して、次の問い合わせに答えよ。ただし、 $\log x$ は e を底とする x の対数とする。

- (1) C_1 と C_2 の共有点を求めよ。
- (2) C_1 と C_2 で囲まれる領域の面積 D を求めよ。
- (3) C_1 と C_2 および2つの直線 $x = 1$, $x = e^2$ で囲まれる図形を x 軸のまわりに1回転してできる立体の体積 V を求めよ。